

## **МОДЕЛИРОВАНИЕ ПОТЕНЦИАЛА МЕЖРЕГИОНАЛЬНЫХ ВЗАИМОДЕЙСТВИЙ<sup>1</sup>**

**ЧЕРНОВ В. П.**

*доктор экономических наук*

**САНКТ-ПЕТЕРБУРГ (РОССИЯ)**

### **Коалиции**

В общем виде в модели участвуют  $N$  регионов. Они могут быть связаны друг с другом разнообразными связями, образовывать различные региональные коалиции, в рамках которых осуществляется взаимодействие регионов.

Это могут быть парные связи регионов, тройственные связи, и в общем случае самые разнообразные связи, охватывающие произвольные непустые множества регионов, то есть произвольные непустые подмножества исходного множества, содержащего  $N$  регионов. Общее число таких подмножеств, равно  $2^N$ . Мы обозначим число непустых подмножеств буквой  $M$ , так что:

$$M = 2^N - 1. \quad (1)$$

Различные региональные коалиции интересны в разной степени. Наиболее важной является коалиция, охватывающая все регионы страны вместе. Она поддерживается, в частности, поступлениями от ре-

гионов в государственный бюджет и встречными потоками, идущими из государственного бюджета в регионы страны, и тем самым оказывает существенное регулирующее воздействие на динамику социально-экономического потенциала регионов.

Каждый регион сам по себе формально в модели является коалицией, состоящей из одного-единственного члена. Возможны и коалиции из двух или нескольких регионов, объединившихся для проведения совместной деятельности.

Мы рассмотрим в модели наиболее общую ситуацию, когда в принципе возможны самые разнообразные региональные коалиции, каждая из которых может обладать своим потенциалом.

### **Социально-экономические потенциалы**

Таким образом, каждая из  $M$  коалиций характеризуется своим объемом потенциала –  $P^1, P^2, \dots, P^M$ . Каждый вид потенциала охватывает свою региональную коалицию. Имеется среди них и подмножество, содержащее все  $N$  регионов, то есть совпадающее со всем исходным множеством. Имеются и всевозможные одночленные подмножества. Каждое из них со-

<sup>1</sup> Работа выполнена при финансовой поддержке РГНФ – НАН Украины, грант №10-02-00716 а/У «Модели оценки неравномерности и цикличности динамики социально-экономического развития регионов Украины и России»

ответствует социально-экономическому потенциалу соответствующего региона. Различные коалиции могут охватывать разное число регионов.

В модели будет предполагаться, что регионы, входящие в данную коалицию, с одной стороны, несут затраты связанные с поддержанием потенциала этой коалиции и, а с другой стороны, пользуются потенциалом этой коалиции с целью развития результатов своей собственной деятельности.

Модель допускает самые разнообразные соотношения между затратами на поддержание потенциала коалиции и эффектом от использования ее потенциала. В частности, модель допускает и чисто формальное включение региона в ту или иную коалицию. Формальное включение означает, что данный регион несет нулевые затраты на поддержание потенциала этой коалиции, но и не пользуется этим потенциалом в своей деятельности.

#### Потенциалы в модели

Время в модели будем предполагать дискретным, разбитым на равные промежутки (например, на годы).

Рассмотрим какой-нибудь промежуток времени  $t$  и объемы потенциалов  $(P^1, P^2, \dots, P^M)$ , сложившиеся к этому промежутку времени.

Рассмотрим один из регионов. Пусть этот регион имеет номер  $n$  в общей нумерации от 1 до  $N$ . Регион  $n$  входит не во все возможные коалиции. Соответственно, он имеет возможность воспользоваться не всеми потенциалами из списка  $(P^1, P^2, \dots, P^M)$ . Введем обозначения.

Посредством  $P^{nm}$  обозначим величину потенциала  $P^m$  в том случае, когда регион  $n$  входит в коалицию  $m$ . В противном случае величину  $P^{nm}$  положим равной 0. Таким образом,

$$P^{nm} = P^m, \text{ если регион } n \text{ входит в коалицию } m, \\ P^{nm} = 0, \text{ если регион } n \text{ не входит в коалицию } m.$$

Эти обозначения позволяют для региона  $n$  использовать весь список потенциалов  $(P^{n1}, P^{n2}, \dots, P^{nM})$ . В этом списке потенциалы тех коалиций, в которые не входит регион  $n$ , для этого региона автоматически обращаются в 0.

#### Преобразование потенциалов

За один промежуток времени заданные объемы потенциалов  $(P^{n1}, P^{n2}, \dots, P^{nM})$  позволяют получить в моделируемой системе результат объема  $U^n$ . Этот результат может зависеть не только от участвующих объемов потенциалов, но и от времени. Другими словами, в разные промежутки времени одни и те же объемы потенциалов могут дать различные результаты. Это может быть связано с различными обстоятельствами, как глобального характера (влияние научно-технического прогресса), так и относительно локального (влияние сложившейся конъюнктуры).

Таким образом, зависимость результата от объемов потенциала и времени можно выразить в виде:

$$U^n = F^n(P^{n1}, P^{n2}, \dots, P^{nM}, t) \quad (1 \leq n \leq N) \quad (2)$$

Здесь  $F^n$  – преобразующая функция модели для региона  $n$ . Она обладает по первым  $M$  аргументам обычными свойствами производственной функции. В дальнейшем анализе из достаточно широкого набора свойств производственной функции нам потребуются лишь некоторые, самые простые и естественные.

А именно, преобразующая функция  $F$  должна быть непрерывной на неотрицательных значениях аргументов, и давать при этом неотрицательные значения.

Минимальное число требований к свойствам преобразующей функции означает, что класс преобразующих функций, которые могут участвовать в модели, чрезвычайно широк, и результаты модельного исследования имеют в этом смысле весьма широкие возможности применения, как в теоретической, так и в практической области.

#### Устаревание потенциалов

Каждый вид социально-экономического потенциала характеризуется своей нормой устаревания (износа). Для потенциала  $m$ -го вида такую норму обозначим посредством  $h^m$ .

Норма устаревания по своему смыслу принимает значения от 0 до 1,

$$0 \leq h^m \leq 1, \quad (1 \leq m \leq M). \quad (3)$$

Значение, равное 0, означало бы, что данный вид потенциала признавался бы не устаревающим. Значение, равное 1, означает, что данный вид потенциала полностью устареет (изнашивается) за один период времени. Другими словами, в нормальной ситуации такой потенциал предназначается к полному использованию в течение одного промежутка времени и последующей замене.

Наряду с нормой устаревания потенциала  $h^m$  полезной характеристикой является индекс его устаревания  $H^m$ . Индекс связан с нормой соотношением

$$H^m = 1 - h^m \quad (1 \leq m \leq M). \quad (4)$$

Индекс  $H^m$  показывает, во сколько раз изменяется объем потенциала  $m$ -го вида в связи с его устареванием за один период времени. Норма и индекс устаревания  $h^m$  и  $H^m$  могут быть неизменными во времени или же меняться от периода к периоду. В последнем случае их следует снабдить указанием номера периода времени  $t$ , и вместо  $h^m$  и  $H^m$  писать  $h_t^m$ ,  $H_t^m$  соответственно.

#### Развитие потенциалов

Результат деятельности  $U^n$  региона  $n$ , полученный в периоде времени  $t$  в соответствии с формулой (2), разделяется на ряд частей. Число таких частей равно  $M + 1$ . Они образуют  $M + 1$  фонд, обозначаемые  $A^{n1}, A^{n2}, \dots, A^{nM}, C$ .

Первые  $M$  фондов являются фондами восстановления и развития потенциалов. Они определяют вклад региона  $n$  в восстановление и развитие всех  $M$  потенциалов. Естественно, если регион  $n$  не входит в коалицию  $m$ , то, соответственно, вклад  $A^{nm}$  региона  $n$  в поддержание потенциала коалиции  $m$  равен 0.

В следующем периоде времени каждый из этих фондов присоединяется к существующему объему своего потенциала, уменьшенному предварительно в соответствии с его устареванием. Тем самым эти фонды вовлекаются в модели в дальнейшую работу системы.

Последний,  $(M+1)$ -й фонд  $C$ , является основой фонда потребления данного региона. Он в следующем периоде выводится за рамки моделируемой деятельности системы, и в ее дальнейшей работе не участвует. Однако фонд потребления при этом является важнейшим критерием, по которому может оцениваться деятельность системы.

Таким образом, получаем в периоде времени  $t$

$$U = A^1 + A^2 + \dots + A^M + C. \quad (5)$$

А в следующем периоде времени  $t+1$  для каждого  $m$

$$P_{t+1}^m = P_t^m H_t^m + A_t^{mm} \quad (1 \leq m \leq M). \quad (6)$$

В формуле (6) суммирование идет по всем регионам  $n$  от 1 до  $N$ .

#### Управление потенциалами

Управленческие решения ограничены в совокупности имеющимися возможностями. Возможности определяются состоянием различных сторон потенциала системы.

Решения в данном периоде времени отображаются в модели разделением результатов деятельности на части, на  $M+1$  часть. Первые  $M$  идут на восстановление и развитие внутреннего потенциала региона и потенциалов различных региональных коалиций. Последняя,  $M+1$ -я часть, определяет фонд потребления.

В следующем периоде времени новые объемы внутреннего потенциала и потенциалов различных региональных коалиций определяют новый объем результата социально-экономической деятельности. Этот результат в новом цикле снова разделяется на части в соответствии с новыми решениями. Такой процесс повторяется снова и снова.

Возможны различные управленческие политики, различные последовательности решений, различные разделения полученных результатов на части. Выбор той или иной политики определяет дальнейшую динамику системы.

Предлагаемая модель формирует простейшую основу и арсенал инструментов для исследования разнообразных вариантов решений и прослеживания их последствий.

Исследование предполагается проводить в двух видах: в аналитической форме, с выводом математических зависимостей, формул и алгоритмов, и в компьютерной форме, с формированием программных средств, предназначенных для разнообразного численного моделирования.

#### Модель динамики

Проведенный выше анализ позволяет сформировать целостную модель динамики региональных коалиций.

Модель состоит из ряда математически сформулированных условий.

$$U_t^n = F^n(P_t^{n1}, P_t^{n2}, \dots, P_t^{nM}, t), \quad (1 \leq n \leq N); \quad (7)$$

$$U_t^n = A_t^{n1} + A_t^{n2} + \dots + A_t^{nM} + C_t^n, \quad (1 \leq n \leq N); \quad (8)$$

$$P_{t+1}^m = P_t^m H_t^m + A_t^{mm}, \quad (1 \leq m \leq M); \quad (9)$$

$$R_{t+1}^n = C_t^n, \quad (1 \leq n \leq N); \quad (10)$$

$$P_0^1, P_0^2, \dots, P_0^M - \text{даны}. \quad (11)$$

Принадлежность региона  $n$  коалиции  $m$  распознаема

$$(1 \leq n \leq N; 1 \leq m \leq M). \quad (12)$$

Равенства (7), (8), (10) присутствуют в модели в  $N$  экземплярах, каждый из которых относится к своему значению  $n$ .

Равенство (9) присутствует в модели в  $M$  экземплярах, каждый из которых относится к своему значению  $m$ .

Переменные модели имеют следующий смысл.

$N$  – число регионов, участвующих в модели,

$n$  – номер региона, так что  $1 \leq n \leq N$ .

$M$  – число коалиций,  $M = 2^N - 1$ ,

$m$  – номер региональной коалиции, так что  $1 \leq m \leq M$ .

$t$  – номер периода времени. Предполагается, что время в модели дискретно, исчисляется периодами одинаковой длины, занумерованными натуральными числами. Начальный период имеет номер 0. Переменные, имеющие номера  $t$  или  $t+1$ , относятся к соответствующим периодам времени.

$U_t^n$  – результат социально-экономической деятельности региона с номером  $n$  ( $1 \leq n \leq N$ ) в периоде времени  $t$ .

$F^n$  – преобразующая функция, определяющая согласно (7) результат  $U_t^n$  деятельности региона  $n$  в периоде  $t$  на основе факторов-потенциалов  $P_t^{n1}, P_t^{n2}, \dots, P_t^{nM}$ . По построению в правой части формулы (7) ненулевые значения имеют потенциалы только тех коалиций, в которые входит регион с номером  $n$ . Потенциалы тех коалиций, в которые регион номер  $n$  не входит, равны 0. Другими словами,

$$P_t^{nm} = P_t^m, \text{ если регион } n \text{ входит в коалицию } m,$$

$$P_t^{nm} = 0, \text{ если регион } n \text{ не входит в коалицию } m.$$

Предполагается, что функция  $F$  определена для неотрицательных значений аргументов и переводит их в неотрицательные значения.

Согласно уравнению (8) результат социально-экономической деятельности системы  $U_t^n$  разделяется на  $M+1$  часть:  $A_t^{n1}, A_t^{n2}, \dots, A_t^{nM}, C_t^n$ .

Первые  $M$  частей соответствуют тем частям результата  $U_t^n$  деятельности региона номер  $n$ , которые вкладываются в развитие различных потенциалов региональных коалиций, включая внутренний потенциал данного региона. Если регион не входит в ту или иную коалицию, то соответствующий вклад равен нулю:

$$A_t^{nm} = 0, \text{ если регион } n \text{ не принадлежит коалиции } m.$$

Для каждой коалиции в следующем периоде времени  $t+1$  эти объемы суммируются по всем регионам, входящим в данную коалицию, и согласно равенству (9), добавляются к уже накопленному объему потенциала данной коалиции, уменьшенному (для каждой коалиции в своей пропорции) за счет их устаревания.

Величина  $H_t^m$ , участвующая в соотношении (9), определяет норму устаревания (износа) потенциала  $m$ -го вида в периоде времени  $t$ . Ее численное значение лежит в пределах от 0 до 1.

Величина  $P_t^m H_t^m$  соответствует объему потенциала, переходящего из периода  $t$  в период  $t+1$ . Вместе с новым вкладом  $A_t^{mm}$  она определяет объем потенциала системы, используемый в периоде  $t+1$ .

Величина  $C_t^n$  соответствует той части результата, которая не участвует в дальнейшей деятельности системы. Она образует фонд потребления следующего периода для региона номер  $n$ .

Выбор того или иного варианта разделения результата деятельности  $U_t^n$  на части  $A_t^{n1}, A_t^{n2}, \dots, A_t^{nM}, C_t^n$  и представляет собой управляющее воздействие в модели системы. Выбор в модели, в принципе, ограничен лишь условием неотрицательности слагаемых.

Условие (11) задает исходное состояние моделируемой системы. Исходное состояние в соответствии с (11) достаточно задать указанием значений только первых  $M$  величин  $P_0^1, P_0^2, \dots, P_0^M$ . ■